## Соревнование Rossmann Store Sales

Остапец Андрей (aostapec@mail.ru)

15 октября 2015 г.

## Содержание

- Конкурсное задание
  - Условие
  - Данные
- Краткий обзор нескольких алгоритмов машинного обучения

## Условие

Задача: предсказать дневные продажи лекарств для 1115 магазинов за 6-недельный период времени Признаки:

- Описание магазина (идентификатор, тип)
- Информация о праздничных днях
- Описание ассортимента магазина
- Информация о ближайших конкурирующих магазинах
- Информация о промо-акциях

**Целевая переменная**: количество проданных товаров **Метрика качества**: Root Mean Square Percentage Error (RMSPE)



## **RMSPE**

$$RMSPE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left(\frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i}\right)^2},$$

- п число объектов
- у; истинное значение продаж в конкретном магазине в конкретный день
- $\bullet$   $\hat{y_i}$  предсказанное значение продаж в конкретном магазине в конкретный день

## **RMSPE**

$$RMSPE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left( \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right)^2},$$

- п число объектов
- $y_i$  истинное значение продаж в конкретном магазине в конкретный день
- $\hat{y_i}$  предсказанное значение продаж в конкретном магазине в конкретный день

Если  $y_i = 0$ , то данный объект не участвует в оценке.



## Leaderboard и форум

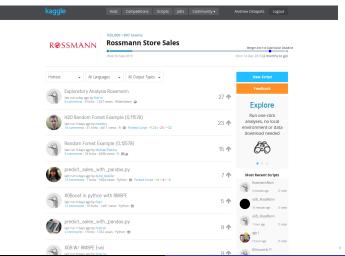
#### Таблица результатов:

- Результаты в таблице вычисляются по 39% тестовой выборке
- ② Опасно настраиваться только на leaderboard, появляется риск переобучения

На странице конкурса есть форум.

- Можно делиться интересными идеями или кодом
- Можно воспользоваться чужими идеями или кодом

## Scripts



## Данные

- 1115 различных магазинов
- Обучение: период времени с 2013-01-01 по 2015-07-31
- Тест: период времени с 2015-08-01 по 2015-09-17
- Обучение: 1,017,209 объектов
- Тест: 41,088 объектов

## Признаки

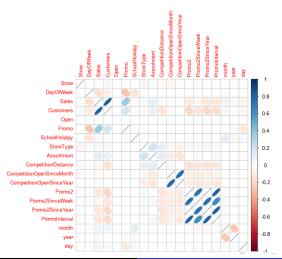
- Store уникальный идентификатор магазина
- Date день, в который производятся продажи
- Sales число проданных товаров за день (целевая переменная)
- Customers количество покупателей в данный день (дано только для тренировочной выборки)
- Open открыт магазин или нет: 0 = закрыт, 1 = открыт
- StateHoliday наличие государственного праздника в этот день (a = public holiday, b = Easter holiday, c = Christmas, 0 = None)
- SchoolHoliday наличие школьных каникул
- StoreТуре тип магазина (a, b, c, d)
- Assortment выбор товаров в магазине (a = basic, b = extra. c = extended)

## Признаки

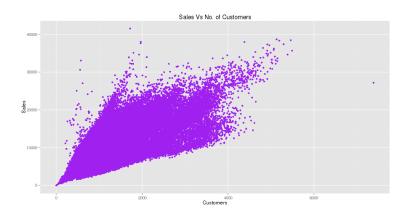
- CompetitionDistance расстояние до ближайшего конкурента
- CompetitionOpenSince[Month/Year] когда был открыт ближайший конкурент?
- Promo индикатор промо-акции в этот день
- Promo2 наличие Promo2 акции (более продолжительная и действующая на ряд магазинов)
- Promo2Since[Year/Week] когда магазин начал участвовать в Promo2 акции?
- PromoInterval в какие месяцы каждый год в этом магазине идет Promo2?



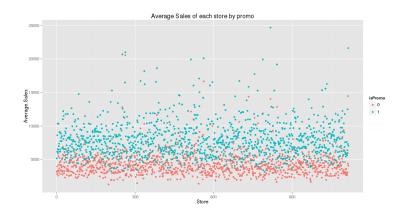
## Корреляционная матрица признаков



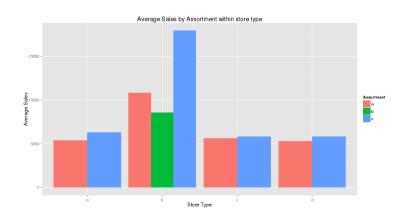
## Продажи и клиенты



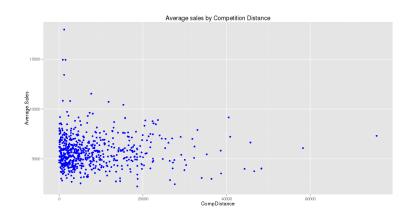
## Промо акции



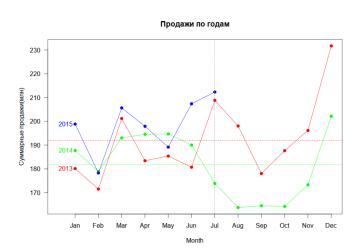
## Тип и ассортимент



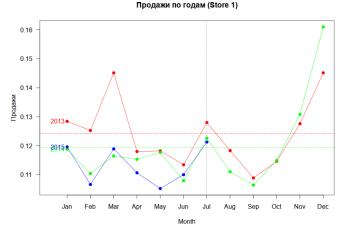
## Расстояние до ближайшего конкурента



## Визуализация продаж



## Визуализация продаж



Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случайный лес Бустинг

## Основные алгоритмы машинного обучения

Краткий обзор нескольких алгоритмов машинного обучения



## Naive Bayes

**Что он делает?** Наивный байесовский классификатор – это семейство алгоритмов классификации, которые принимают одно допущение:

Каждый параметр классифицируемых данных рассматривается независимо от других параметров класса.

Что означает слово «независимо»? 2 параметра называются независимыми, когда значение одного параметра не оказывает влияния на второй.

**Почему метод называется наивным?** Предположение, что все параметры набора данных независимы – это довольно наивное предположение. Обычно так не бывает (пульс, уровень холестерина, вес, рост и почтовый индекс)

#### Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случайный лес

## Naive Bayes

$$P(Class\ A|Feature\ 1, Feature\ 2) = \frac{P(Feature\ 1|Class\ A) \cdot P(Feature\ 2|Class\ A) \cdot P(Class\ A)}{P(Feature\ 1) \cdot P(Feature\ 2)}$$

## Naive Bayes

Таблица: Описание фруктов

Class	Long	Sweet	Yellow	Total
Banana	400	350	450	500
Orange	0	150	300	300
Other	100	150	50	300
Total	500	650	800	1000

## P(Banana|Long, Sweet, Yellow) = ?

- P(Long|Banana) = 400/500 = 0.8
- P(Sweet|Banana) = 350/500 = 0.7
- P(Yellow|Banana) = 450/500 = 0.9
- P(Banana) = 500/1000 = 0.5



## Naive Bayes

- Числитель для P(Banana|Long, Sweet, Yellow) =  $0.8 \cdot 0.7 \cdot 0.9 \cdot 0.5 = 0.252$
- Числитель для P(Orange|Long, Sweet, Yellow) = 0
- Числитель для P(Other|Long, Sweet, Yellow) = 0.01875

Наивный байесовский алгоритм классифицирует этот длинный, сладкий и желтый фрукт как банан

#### Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случайный лес

## Код на К

```
library (e1071)
x <- cbind(xtrain, ytrain)
# Fitting model
fit < naiveBayes(ytrain \sim ., data = x)
summary (fit)
#Predict Output
predicted <- predict(fit, xtest)</pre>
```

#### Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случанный лес

## В данной задаче...

## Классификация:

- Выросли или упали продажи по сравнению с прошлым годом?
- Будут ли хоть продажи выше порога(например, 0)?
- · · ·

#### Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случанный лес

## В данной задаче...

## Классификация:

- Выросли или упали продажи по сравнению с прошлым годом?
- Будут ли хоть продажи выше порога(например, 0)?
- · · ·

## kNN

**Что он делает?** Алгоритм kNN (k-Nearest Neighbors) не строит в явном виде никакую классификационную модель. Вместо этого он просто сохраняет размеченные тренировочные данные. Когда появляется новые неразмеченные данные, kNN проходит по 2 базовым шагам:

- Сначала он ищет k ближайших соседей
- Затем, используя данные о классах этих соседей, kNN решает, как лучше классифицировать новые данные.

Naive Bayes kNN
Линейная регрессия
Решающее дерево
Случайный лес
Бустинг

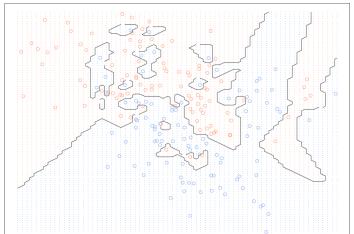
## kNN

Если мера сходства введена достаточно удачно, то оказывается, что *схожим объектам*, как правило, соответствуют *схожие ответы* 

# Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случайный лес

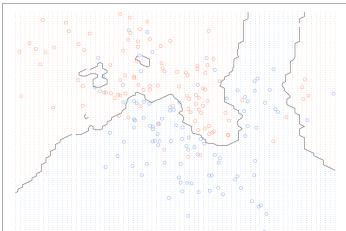
## 1-NN

#### 1-nearest neighbour



## 5-NN

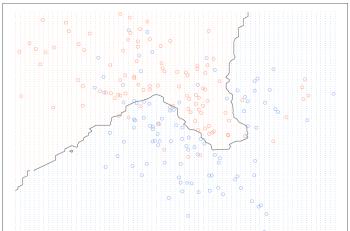
#### 5-nearest neighbours



#### Naive Bayes kNN Линейная регрессия Решающее дерево Случайный лес

## 15-NN

#### 15-nearest neighbours



Naive Bayes kNN
Линейная регрессия
Решающее дерево
Случайный лес
Бустинг

## Метрика

Вопрос: какие примеры метрик Вы знаете?

## Определение класса

Как определить класс классифицируемого объекта?

- Принять за правильное решение простое большинство. К какому классу относится наиболее количество соседей, туда и определяют точку данных.
- Раздать веса в зависимости от расстояния до объекта. При увеличении дистанции вес становится все меньше и меньше.

Naive Bayes kNN
Линейная регрессия
Решающее дерево
Случайный лес
Бустинг

## Плюсы

#### Плюсы:

- Легок в понимании
- Легко реализуем
- При «хорошем» выборе дистанционной метрики, kNN может показывать достаточно точные результаты

## Минусы

### Минусы:

- Ресурсозатратный на большом наборе данных
- Нужна нормализация признаков. Признаки с большим количеством значений могут оказывать влияние на дистанционную метрику, по отношению к признакам с меньшим количеством значений
- Выбор правильной дистанционной метрики очень важен для точности kNN

## Код на К

```
library (knn)
x <- cbind(x train, y train)
# Fitting model
fit <- knn(y train ^{\sim} ., data = x, k=5)
summary (fit)
#Predict Output
predicted <- predict(fit,x test)</pre>
```

## Линейная регрессия

Что алгоритм делает? Обучается линейная модель:

$$y(\mathbf{x}, \mathbf{w}) = w_0 + \sum_{j=1}^{p} x_j w_j = x^T w, \mathbf{x} = (x_1, \dots, x_p)$$

По вектору входов  $\mathbf{x}^T = (x_1, \cdots, x_p)$  мы предсказываем выход y:

$$\hat{\mathbf{y}}(\mathbf{x}) = \hat{w}_0 + \sum_{i=1}^{p} x_i \hat{w}_i = \mathbf{x}^T \hat{\mathbf{w}}$$

## Линейная регрессия

- Как найти оптимальные параметры  $\hat{\mathbf{w}}$  по тренировочным данным вида  $(x_i, y_i)_{i=1}^N$ ?
- Метод наименьших квадратов: будем минимизировать

$$RSS(\mathbf{w}) = \sum_{i=1}^{N} (y_i - x_i^T \mathbf{w})^2$$

• Как минимизировать?

#### Метод наименьших квадратов

• Можно на самом деле решить задачу точно – записать как

$$RSS(\mathbf{w}) = (\mathbf{y} - \mathbf{X}\mathbf{w})^{T} (\mathbf{y} - \mathbf{X}\mathbf{w}),$$

где  ${\bf X}$  -матрица размера  $N \times p$ , продифференцировать по  ${\bf w}$ , получится

$$\hat{\mathbf{w}} = (\mathbf{X}^T \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{y},$$

если матрица  $\mathbf{X}^T \mathbf{X}$  невырожденная.

• Замечание:  $(\mathbf{X}^T\mathbf{X})^{-1}\mathbf{X}^T$  называется псевдообратной матрицей Мура-Пенроуза (Moore-Penrose pseudo-inverse) матрицы  $\mathbf{X}$ ; это обобщение понятия обратной матрицы на неквадратные матрицы.

## Код на К

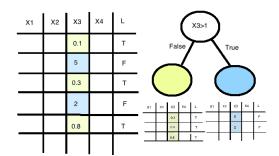
```
x <- cbind(x_train,y_train)
# Train the model using the training set
linear <- lm(y_train ~ ., data = x)
summary(linear)
#Predict Output
predicted <- predict(linear,x_test)</pre>
```

#### Решающее дерево

**Что алгоритм делает?** Строит дерево, где каждая вершина представляет собой точку разбиения данных. Вершина определяет некоторый простой критерий по которому мы делим данные на части.

Таким образом, в каждой вершине дерева мы разбиваем данные на несколько частей согласно значению одного из параметров. Дальше для каждой части мы повторяем операцию и в итоге получаем дерево.

# Решающее дерево



#### Вопросы

- Как выбирается параметр по которому происходит разбиение?
- Как выбирается пороговое значения параметра?
- Когда алгоритм должен остановиться?

## Код на К

```
library (rpart)
x <- cbind(x train, y train)
# grow tree
fit \leftarrow rpart(y train \sim ., data = x)
summary (fit)
#Predict Output
predicted <- predict(fit,x test)</pre>
```

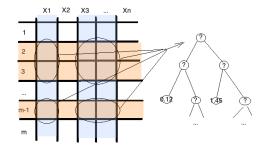
## Случайный лес

**Что алгоритм делает?** Random forest (случайный лес) - ансамбль решающих деревьев.

#### Особенности:

- Нечувствительность к любым монотонным преобразованиям значений признаков
- Существует методы оценивания значимости (Feature Importance) отдельных признаков в модели
- Высокая параллелизуемость и масштабируемость

## Случайный лес

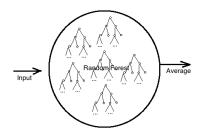


## Алгоритм обучения

Пусть обучающая выборка состоит из N примеров, размерность пространства признаков равна M, и задан параметр m. Все деревья комитета строятся независимо друг от друга по следующей процедуре:

- Генерируется случайная подвыборка с повторением размером *N* из обучающей выборки. (Сколько уникальных объектов туда попадут?)
- Строится решающее дерево, классифицирующее примеры данной подвыборки, причём в ходе создания очередного узла дерева выбирается признак, на основе которого производится разбиение, не из всех *М* признаков, а лишь из *m* случайно выбранных.
- Дерево строится до полного исчерпания подвыборки.

#### Получение ответа



## Код на К

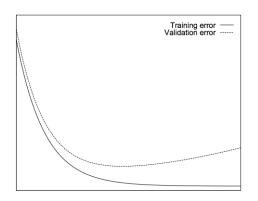
```
library (randomForest)
x \leftarrow cbind(x train, y train)
# Fitting model
fit <- randomForest(Species ~ ., x, ntree=500)</pre>
summary (fit)
#Predict Output
predicted <- predict(fit, x test)</pre>
```

#### Бустинг

Что алгоритм делает? Бустинг - это процедура последовательного построения композиции алгоритмов машинного обучения, когда каждый следующий алгоритм стремится компенсировать недостатки композиции всех предыдущих алгоритмов. Бустинг представляет собой жадный алгоритм построения композиции алгоритмов.

**Вопрос**: возможно ли, имея множество плохих (незначительно отличающихся от случайных) алгоритмов обучения, получить хороший?

# Зависимость от числа деревьев



#### Композиция алгоритмов

- бэггинг (bagging) усреднение нескольких однотипных моделей
- бустинг (boosting) построение цепочки моделей, дополняющих друг друга
- блэндинг (blending) смешивание классификаторов (как правило, линейная комбинация)
- стэкинг (stacking) построение классификатора над другими классификаторами

#### Задание

**Дедлайн:** 28 октября 23:59

Задание: Попробовать по крайней мере 3 различных алгоритма машинного обучения и по крайней мере 3 различных признаковых пространства. Прислать отчет на почту

aostapec@mail.ru.